

---

---

# ΠΕΡΙΕΧΟΜΕΝΑ

---

<b>1 ΔΙΑΝΥΣΜΑΤΙΚΗ ΑΝΑΛΥΣΗ</b>	<b>1</b>
1.1 Φυσικά μεγέθη . . . . .	1
1.2 Διανυσματική Άλγεβρα . . . . .	2
1.3 Μετατροπές συντεταγμένων . . . . .	5
1.3.1 Μετατροπές στα τρία συνήθη συστήματα συντεταγμένων . . . . .	5
1.3.2 Απειροστές ποσότητες . . . . .	6
1.4 Επικαμπύλια ολοκληρώματα . . . . .	8
1.5 Επιφανειακά ολοκληρώματα και ολοκληρώματα όγκου . . . . .	12
1.6 Ο διαφορικός διανυσματικός τελεστής $\nabla$ . . . . .	13
1.6.1 Διανυσματικές ταντότητες . . . . .	16
1.7 Χρήσιμα θεωρήματα . . . . .	16
1.8 Παραδείγματα . . . . .	18
1.9 Ασκήσεις . . . . .	36
<b>2 ΝΟΜΟΙ ΤΟΥ ΗΛΕΚΤΡΟΣΤΑΤΙΚΟΥ ΠΕΔΙΟΥ</b>	<b>43</b>
2.1 Νόμος του Coulomb . . . . .	43
2.2 Ηλεκτρική πεδιακή ένταση . . . . .	44
2.3 Ηλεκτρικό δυναμικό . . . . .	45
2.4 Ηλεκτρική ροή – Νόμος του Gauss . . . . .	46
2.5 Παραδείγματα . . . . .	48
2.6 Ασκήσεις . . . . .	95
<b>3 ΔΙΗΛΕΚΤΡΙΚΑ, ΑΓΩΓΟΙ ΧΩΡΗΤΙΚΟΤΗΤΕΣ, ΕΝΕΡΓΕΙΑ</b>	<b>101</b>
3.1 Διηλεκτρικά – Οριακές συνθήκες στη διαχωριστική επιφάνεια . . . . .	101
3.1.1 Πόλωση . . . . .	101
3.1.2 Συνθήκες στη διαχωριστική επιφάνεια . . . . .	102
3.2 Αγώγιμα σώματα – Κατανομή φορτίων . . . . .	103
3.2.1 Ηλεκτροστατικές ιδιότητες των αγωγών . . . . .	103
3.2.2 Κατανομή φορτίων . . . . .	104
3.2.3 Κοιλότητες . . . . .	104
3.2.4 Το θεώρημα της αντιστοιχίας του Green . . . . .	104

3.3	Πυκνωτές – Συστήματα αγωγών . . . . .	105
3.3.1	Πυκνωτής – Χωρητικότητα . . . . .	105
3.3.2	Σύστημα αγωγών – Μερικές χωρητικότητες . . . . .	106
3.4	Ενέργεια ηλεκτροστατικού πεδίου . . . . .	108
3.4.1	Ενέργεια πεδίου σημειακών φορτίων . . . . .	108
3.4.2	Ενέργεια πεδίου κατανεμημένων ηλεκτρικών φορτίων . . . . .	109
3.4.3	Ενέργεια ηλεκτρικού πεδίου . . . . .	109
3.5	Ανάπτυξη μηχανικών δυνάμεων . . . . .	110
3.5.1	Δυνάμεις σ' ένα σύστημα αγώγιμων σωμάτων . . . . .	110
3.5.2	Δυνάμεις στους οπλισμούς πυκνωτή . . . . .	111
3.5.3	Πίεση στην επιφάνεια αγωγών . . . . .	111
3.5.4	Δυνάμεις στην επιφάνεια διαχωρισμού δύο διηλεκτρικών . . . . .	111
3.6	Παραδείγματα . . . . .	113
3.7	Ασκήσεις . . . . .	160
<b>4</b>	<b>ΜΕΘΟΔΟΙ ΕΠΙΛΥΣΗΣ ΠΡΟΒΛΗΜΑΤΩΝ ΤΟΥ ΠΕΔΙΟΥ</b>	<b>173</b>
4.1	Εξισώσεις Poisson και Laplace . . . . .	173
4.1.1	Το θεώρημα της μοναδικότητας . . . . .	173
4.1.2	Η εξίσωση Laplace σε καρτεσιανές συντεταγμένες . . . . .	173
4.1.3	Η εξίσωση Laplace σε κυλινδρικές συντεταγμένες . . . . .	177
4.1.3.1	Διδιάστατο πρόβλημα . . . . .	177
4.1.3.2	Τριδιάστατο πρόβλημα . . . . .	180
4.1.4	Η εξίσωση Laplace σε σφαιρικές συντεταγμένες . . . . .	181
4.2	Μέθοδος ηλεκτρικού κατοπτρισμού ή μέθοδος των ηλεκτρικών ειδώλων . . . . .	182
4.2.1	Η ιδέα της μεθόδου . . . . .	182
4.2.2	Σημειακό φορτίο πάνω από αγώγιμη επιφάνεια . . . . .	184
4.2.3	Φορτίο στο χώρο μεταξύ δύο τεμνόμενων αγώγιμων επιπέδων . . . . .	185
4.2.4	Σημειακό φορτίο εκτός αγώγιμης σφαίρας . . . . .	186
4.3	Μιγαδικές μεταβλητές – Σύμμορφη απεικόνιση . . . . .	187
4.4	Πειραματικές και αριθμητικές μέθοδοι . . . . .	191
4.5	Παραδείγματα . . . . .	192
4.6	Ασκήσεις . . . . .	228
<b>5</b>	<b>ΗΛΕΚΤΡΙΚΟ ΠΕΔΙΟ ΡΟΗΣ ΜΟΝΙΜΩΝ ΡΕΥΜΑΤΩΝ</b>	<b>233</b>
5.1	Εισαγωγικά . . . . .	233
5.2	Εξίσωση της συνέχειας . . . . .	233
5.3	Νόμος του Ohm . . . . .	234
5.4	Ηλεκτροστατική ισορροπία . . . . .	235
5.5	Ωμική αντίσταση αγωγού τυχαίας διατομής . . . . .	235
5.6	Πυκνωτές με απώλειες . . . . .	237
5.7	Εξίσωση Laplace και οριακές συνθήκες . . . . .	238

5.8	Γειωτές . . . . .	241
5.8.1	Σφαιρικός γειωτής . . . . .	241
5.8.2	Ημισφαιρικός γειωτής . . . . .	242
5.8.3	Γραμμική πηγή πεπερασμένου μήκους – Ελλειψοειδής γειωτής . .	244
5.8.4	Λεπτός κυλινδρικός γειωτής . . . . .	247
5.9	Νόμος του Joule . . . . .	249
5.10	Παραδείγματα . . . . .	250
5.11	Ασκήσεις . . . . .	292
<b>6</b>	<b>ΜΑΓΝΗΤΟΣΤΑΤΙΚΟ ΠΕΔΙΟ</b>	<b>299</b>
6.1	Εισαγωγικά . . . . .	299
6.2	Νόμος των Biot-Savart . . . . .	299
6.2.1	Γραμμικός αγωγός . . . . .	299
6.2.2	Επιφανειακή κατανομή ρεύματος (αγώγιμη ταινία) . . . . .	301
6.2.3	Χωρική κατανομή ρεύματος . . . . .	301
6.3	Ο νόμος του Ampère . . . . .	302
6.4	Μαγνητική ροή - Πεπλεγμένη ροή . . . . .	303
6.5	Οριακές συνθήκες . . . . .	303
6.6	Βαθμώτο μαγνητικό δυναμικό - ΜΕΔ . . . . .	304
6.7	Διανυσματικό μαγνητικό δυναμικό A . . . . .	305
6.8	Μαγνητικές δυνάμεις . . . . .	306
6.9	Μαγνητική ροπή . . . . .	307
6.10	Παραδείγματα . . . . .	310
6.11	Ασκήσεις . . . . .	339
<b>7</b>	<b>ΗΛΕΚΤΡΟΜΑΓΝΗΤΙΚΗ ΕΠΑΓΩΓΗ</b>	<b>347</b>
7.1	Νόμος ηλεκτρομαγνητικής επαγωγής του Faraday . . . . .	347
7.2	Αυτεπαγωγή - Αλληλεπαγωγή - Εσωτερική αυτεπαγωγή . . . . .	350
7.3	Ενέργεια μαγνητικού πεδίου . . . . .	352
7.3.1	Ενέργεια επαγωγέα . . . . .	352
7.3.2	Ενέργεια συστήματος κυκλωμάτων . . . . .	353
7.3.3	Η ενέργεια στο χώρο του πεδίου . . . . .	354
7.3.3.1	Αμοιβαία ενέργεια δύο ρευματικών διανομών $J_1$ και $J_2$ . . . . .	354
7.3.3.2	Ενέργεια ρευματικής διανομής . . . . .	355
7.3.3.3	Ενέργεια συστήματος γραμμικών (συρματόμορφων) αγωγών . . . . .	355
7.4	Δυνάμεις μεταξύ κυκλωμάτων . . . . .	357
7.5	Παραδείγματα . . . . .	359
7.6	Ασκήσεις . . . . .	411
<b>8</b>	<b>ΣΙΔΗΡΟΜΑΓΝΗΤΙΚΑ ΥΛΙΚΑ - ΜΑΓΝΗΤΙΚΑ ΚΥΚΛΩΜΑΤΑ</b>	<b>421</b>

8.1	Μαγνήτες, πόλοι, μαγνήτιση . . . . .	421
8.2	Σχέσεις μεταξύ των διανυσμάτων του μαγνητικού πεδίου . . . . .	422
8.3	Σιδηρομαγνητικά υλικά . . . . .	424
8.4	Καμπύλη μαγνήτισης - Βρόχος υστέρησης . . . . .	424
8.5	Απώλειες υστέρησης . . . . .	427
8.6	Δύναμη έλξης ηλεκτρομαγνήτη . . . . .	427
8.7	Οριακές συνθήκες στις διαχωριστικές επιφάνειες . . . . .	428
8.8	Μαγνητικά κυκλώματα . . . . .	429
8.9	Παραδείγματα . . . . .	431
8.10	Ασκήσεις . . . . .	464
<b>9</b>	<b>ΚΙΝΗΣΗ ΦΟΡΤΙΣΜΕΝΩΝ ΣΩΜΑΤΙΔΙΩΝ</b>	<b>469</b>
9.1	Η εξίσωση της κίνησης φορτισμένου σωματιδίου . . . . .	469
9.2	Δύναμη και ενέργεια . . . . .	471
9.3	Κίνηση ηλεκτρονίου στο πεδίο επίπεδου πυκνωτή . . . . .	473
9.4	Κίνηση ηλεκτρονίου σε μαγνητικό πεδίο . . . . .	474
9.5	Κίνηση φορτισμένου σωματιδίου σε μαγνητικό και ηλεκτρικό πεδίο . . . . .	477
9.6	Κίνηση φορτισμένου σωματιδίου σε δίοδο παράλληλων πλακών . . . . .	479
9.7	Το αναλλοίωτο της μαγνητικής ροπής . . . . .	481
9.8	Παραδείγματα . . . . .	483
9.9	Ασκήσεις . . . . .	516
<b>10</b>	<b>ΤΟ ΧΡΟΝΙΚΑ ΜΕΤΑΒΑΛΛΟΜΕΝΟ ΠΕΔΙΟ</b>	<b>521</b>
10.1	Εξισώσεις Maxwell . . . . .	521
10.2	Οριακές συνθήκες . . . . .	522
10.3	Μιγαδική μορφή εξισώσεων Maxwell . . . . .	524
10.4	Η γενική εξίσωση κύματος . . . . .	525
	10.4.1 Μεταβαλλόμενο πεδίο σε “καλά” αγώγιμα μέσα – Εξίσωση διάχυσης . . . . .	526
	10.4.2 Μεταβαλλόμενο πεδίο σε “καλά” διηλεκτρικά μέσα – Εξίσωση κύματος . . . . .	527
10.5	Ηλεκτρομαγνητικά δυναμικά . . . . .	528
10.6	Το θεώρημα του Poynting . . . . .	531
10.7	Παραδείγματα . . . . .	534
10.8	Ασκήσεις . . . . .	560
<b>11</b>	<b>ΕΠΙΠΕΔΟ ΚΥΜΑ</b>	<b>565</b>
11.1	Η λύση της μονοδιάστατης εξίσωσης κύματος . . . . .	565
11.2	Ημιτονοειδής χρονική μεταβολή . . . . .	567
11.3	Επίπεδο κύμα σε μέσο με απώλειες $\sigma \neq 0$ . . . . .	570
	11.3.1 Περίπτωση “τέλειου” διηλεκτρικού . . . . .	571

11.3.2 Περίπτωση “τέλειου” αγωγού .....	572
11.4 Πόλωση του επίπεδου κύματος.....	573
11.4.1 Γραμμικά πολωμένο κύμα ( $\varphi = 0, \varphi = \pm\pi$ ) .....	574
11.4.2 Κυκλικά πολωμένο κύμα ( $\varphi = \pm\pi/2, E_{x0} = E_{y0}$ ) .....	574
11.4.3 Ελλειπτικά πολωμένο κύμα ( $E_{x0} \neq E_{y0}$ ) .....	574
11.5 Ταχύτητα ομάδας .....	575
11.6 Παραδείγματα .....	576
11.7 Ασκήσεις .....	615
<b>12 ΑΝΑΚΛΑΣΗ ΚΑΙ ΔΙΑΘΛΑΣΗ ΕΠΙΠΕΔΟΥ ΚΥΜΑΤΟΣ</b>	<b>619</b>
12.1 Οι βασικοί νόμοι ανάκλασης και διάθλασης .....	619
12.2 Εξισώσεις Fresnel .....	621
12.2.1 Διάνυσμα Ε κάθετο στο επίπεδο της πρόσπτωσης .....	621
12.2.2 Διάνυσμα Ε στο επίπεδο της πρόσπτωσης .....	623
12.3 Ανάκλαση επίπεδου κύματος σε μέσα με απώλειες .....	625
12.4 Στάσιμα κύματα .....	626
12.5 Πίεση ακτινοβολίας .....	627
12.6 Παραδείγματα .....	629
12.7 Ασκήσεις .....	662
<b>13 ΓΡΑΜΜΕΣ ΜΕΤΑΦΟΡΑΣ</b>	<b>669</b>
13.1 Γενικά.....	669
13.2 Χαρακτηριστικά γραμμής μεταφοράς TEM .....	670
13.3 Ομοαξονική γραμμή μεταφοράς .....	673
13.4 Γραμμή μεταφοράς χωρίς απώλειες .....	676
13.5 Γραμμή μεταφοράς με απώλειες .....	681
13.6 Παραδείγματα .....	686
13.7 Ασκήσεις .....	715
<b>14 ΗΛΕΚΤΡΟΜΑΓΝΗΤΙΚΗ ΑΚΤΙΝΟΒΟΛΙΑ</b>	<b>719</b>
14.1 Γενικά.....	719
14.2 Ακτινοβολία βραχέος διπόλου (δίπολο Hertz) .....	720
14.3 Ένταση ακτινοβολίας - Κατευθυντικότητα - Κέρδος κεραίας .....	723
14.4 Ακτινοβολία μικρού κυκλικού βρόχου .....	725
14.5 Ακτινοβολία γραμμικής πηγής .....	727
14.6 Διπολική κεραία $\lambda/2$ .....	729
14.7 Το πεδίο κοντά στην κεραία .....	731
14.8 Στοιχειοκεραίες .....	732
14.9 Παραδείγματα .....	738
14.10 Ασκήσεις .....	760
<b>15 ΟΔΗΓΟΥΜΕΝΟ ΚΥΜΑ – ΚΥΜΑΤΟΔΗΓΟΙ</b>	<b>765</b>

15.1	Κύμα οδηγούμενο από αγώγιμα τοιχώματα .....	765
15.2	Κυματοδηγοί ορθογωνικής διατομής .....	771
15.2.1	Εγκάρσιο μαγνητικό κύμα ή ρυθμοί TM .....	775
15.2.2	Εγκάρσιο ηλεκτρικό πεδίο ή ρυθμοί TE .....	777
15.3	Κυλινδρικοί κυματοδηγοί .....	777
15.3.1	Εγκάρσιο μαγνητικό πεδίο – ρυθμοί TM .....	777
15.3.2	Εγκάρσιο ηλεκτρικό πεδίο – ρυθμοί TE .....	779
15.4	Παραδείγματα .....	781
15.5	Ασκήσεις .....	806

#### ΠΑΡΑΡΤΗΜΑΤΑ

<b>A ΜΟΝΑΔΕΣ ΚΑΙ ΣΤΑΘΕΡΕΣ</b>	<b>809</b>
<b>B ΜΕΤΑΤΡΟΠΕΣ ΣΥΝΤΕΤΑΓΜΕΝΩΝ</b>	<b>813</b>
<b>Γ ΧΡΗΣΙΜΕΣ ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΕΣ ΤΑΥΤΟΤΗΤΕΣ</b>	<b>821</b>
<b>Δ ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ</b>	<b>823</b>
<b>ΒΙΒΛΙΟΓΡΑΦΙΑ</b>	<b>843</b>
<b>ΕΥΡΕΤΗΡΙΟ</b>	<b>847</b>